

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Позоян Оксана Гарниковна
Должность: директор филиала
Дата подписания: 17.06.2025 12:21:18
Уникальный программный ключ:
f420766fb84d98e07c9fb62ea5e5a7814d5b9e5



**БУДЕННОВСКИЙ ФИЛИАЛ КОЛЛЕДЖ
«СОВРЕМЕННАЯ ШКОЛА БИЗНЕСА»
ЧАСТНОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ**

**356800, г. Буденновск, 8 мкр-он, д.17А,
1 мкр-он д.17
+7(86559) 2-36-91
+7(86559) 2-37-96
bf.college@mail.ru/www.bf.ecmsb.ru**

УТВЕРЖДАЮ

Директор БФ ЧПОУ Колледж
«Современная школа бизнеса»

О.Г. Позоян
«27» _____ мая _____ 2025 г.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации

в форме дифференцированного зачета

по учебной дисциплины

СОО.02.02 МАТЕМАТИКА

Общеобразовательного цикла

программы подготовки специалистов среднего звена

по специальности 43.02.17 «Технологии индустрии красоты»

Год набора 2025

Буденновск, 2025

Фонд оценочных средств составлен с учетом федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности **43.02.17 «Технологии индустрии красоты»**, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 26.08.2022 № 775.

Фонд оценочных средств предназначен для преподавания дисциплины математического и естественнонаучного цикла обучающимся очной формы обучения по специальности **34.02.01 Сестринское дело**.

Организация - разработчик: Частное профессиональное образовательное учреждение Колледж «Современная школа бизнеса», г. Ставрополь

Разработчик: Масленникова Евгения Валерьевна, преподаватель Колледжа.

Фонд оценочных средств рассмотрен и одобрен на заседании цикловой методической комиссии специальных дисциплин.
Протокол № 10 от 26 мая 2025 года

Оглавление

1 Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств.....	4
1.1 Область применения.....	4
1.2 Система контроля и оценки освоения программы учебной дисциплины соо.02.02 Математика.....	5
1.2.1 Формы итоговой аттестации по ППСЗ при освоении учебной дисциплины.....	6
1.2.2 Организация контроля и оценки освоения программы учебной дисциплины.....	6
2 Комплект средств для оценки освоенных умений и усвоенных знаний по учебной дисциплине ЕН.01 Математика.....	7
2.1 Задания для дифференцированного зачета.....	7
2.1.1 Задания теоретической (тестовой) части.....	7
2.1.2 Задания практической части.....	12
2.2. Ключ для оценки практического задания.....	19
2.2.1 Вопросы для подготовки к дифференцированному зачету.....	19
3 Список информационных источников.....	24

1 Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств

1.1 Область применения

Комплект контрольно-оценочных средств предназначен для проверки результатов освоения учебной дисциплины **СОО.02.02 Математика**, основной профессиональной образовательной программы по специальностям 34.02.01 Сестринское дело

В результате освоения дисциплины **СОО.02.02 Математика**, обучающийся должен **уметь**:

- решать прикладные задачи в области профессиональной деятельности;
- решать обыкновенные дифференциальные уравнения;
- выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы;
- находить приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения;
- вычислять определенные интегралы различными методами;
- вычислять пределы последовательности и функции.

В результате освоения дисциплины **СОО.02.02 Математика**, обучающийся должен **знать**:

- основные понятия и методы математического анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики;
- основные математические методы решения прикладных задач в области профессиональной деятельности;
- основы интегрального и дифференциального исчисления;
- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки.
- значение математики в профессиональной деятельности.

Комплект контрольно-оценочных средств позволяет оценивать освоенные умения, усвоенные знания

Результаты обучения (освоенные умения, усвоенные знания)	Формы и методы контроля и оценки результатов обучения
уметь: – решать прикладные задачи в области профессиональной деятельности; – решать обыкновенные дифференциальные уравнения; – выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы; – находить приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения; – вычислять определенные интегралы	Отчет по практической работе, Отчет по самостоятельной работе, Дифференцированный зачет

различными методами; – вычислять пределы последовательности и функции.	
знать: – основные понятия и методы математического анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики; – основные математические методы решения прикладных задач в области профессиональной деятельности; – основы интегрального и дифференциального исчисления; – значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; – значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки. – значение математики в профессиональной деятельности.	Отчет по практической работе, Отчет по самостоятельной работе, Тестирование, Дифференцированный зачет

**1. 2. Система контроля и оценки освоения программы учебной дисциплины
СОО.02.02 Математика**

Наименование темы, раздела	Форма контроля
Раздел 1. Основные понятия и методы математического анализа	
Тема 1.1 Дифференциальное исчисление Производная сложной функции	Отчет по практической работе: - вычисление производных сложной функции.
Тема 1.2 Дифференциал функции. Дифференциалы высших	Отчет по практической работе: - вычисление производных высшего порядка.
Тема 1.3. Исследование функции при помощи производных	Отчет по практической работе: - вычисление производных высшего порядка.
Тема 1.4 Исследование и построение графиков сложных функций	Отчет по практической работе: - исследование функции при помощи производных. Подготовка к практической работе по теме «Исследование функции при помощи производных»
Тема 1.5 Основные свойства неопределенного интеграла	Отчет по практической работе: - свойства неопределенного интеграла.
Тема 1.6 Основные свойства определенного интеграла	Отчет по практической работе: - свойства определенного интеграла.
Раздел 2.	
Основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики	
Тема 2.1	Отчеты по самостоятельной работе:

Введение в математическую статистику	- решение простейших задач теории вероятностей.
Раздел 3. Основные понятия и методы линейной алгебры	
Тема 3.1 Матрицы. Действия с матрицами	Отчет по практической работе: решение задач
Тема 3. 2. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений	Отчет по практической работе: - решения систем линейных алгебраических уравнений.

1.2.1. Формы итоговой аттестации по ППССЗ при освоении учебной дисциплины

Итоговый контроль освоенных умений и усвоенных знаний по дисциплине СОО.02.02.01«Математика» осуществляется в форме экзамену

1.2.2. Организация контроля и оценки освоения программы учебной дисциплины

К экзамену допускается обучающийся, изучивший теоретическую и практическую часть.

2. Комплект материалов для оценки освоенных умений и усвоенных знаний по учебной дисциплине СОО.02.02 Математика

2.1 Задания для дифференцированного зачета

Оцениваемые умения:

- решать прикладные задачи в области профессиональной деятельности;
- решать обыкновенные дифференциальные уравнения;
- выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы;
- находить приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения;
- вычислять определенные интегралы различными методами;
- вычислять пределы последовательности и функции.

Оцениваемые знания:

- основные понятия и методы математического анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики;
- основные математические методы решения прикладных задач в области профессиональной деятельности;
- основы интегрального и дифференциального исчисления;
- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки.
- значение математики в профессиональной деятельности.

Условия выполнения задания

- Место выполнения задания дифференцируемого зачета: – аудитория, оснащенная техническими средствами.
- На выполнение дифференцированного зачета отводится 1 ч 20 минут.

2.1.1 Задания теоретической (тестовой) части

В качестве подготовки к экзамену по дисциплине обучающимся предлагается практическая часть

Вариант 1

1. Найти матрицу $C=4A-B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.

2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.
3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.
4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 = 2, \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = 3, \\ 3x_1 + 7x_2 + x_3 = 10. \end{cases}$$

Вариант 2

1. Найти матрицу $C=A+2B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.

2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.

3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.

4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 1, \\ 2x_1 + 3x_2 - x_3 = 1. \end{cases}$$

Используя свойства определителей, вычислить определитель третьего порядка.

Вариант № 1

Вычислить определители.

1. $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 6 \end{vmatrix}$ 2. $\begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$ 3. $\begin{vmatrix} 5 & 6 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \\ 7 & 4 & 5 \end{vmatrix}$ 4. $\begin{vmatrix} 2 & 0 & 3 \\ 7 & 1 & 6 \\ 6 & 0 & 5 \end{vmatrix}$ 5. $\begin{vmatrix} 1 & 5 & 25 \\ 1 & 7 & 49 \\ 1 & 8 & 64 \end{vmatrix}$

Вариант № 2

Вычислить определители.

1. $\begin{vmatrix} 3 & -2 & -4 \\ 4 & -1 & -2 \\ 5 & -1 & -3 \end{vmatrix}$ 2. $\begin{vmatrix} 5 & 2 & 1 \\ 7 & 5 & 3 \\ 7 & 4 & 2 \end{vmatrix}$ 3. $\begin{vmatrix} 0 & a & b \\ a & 0 & a \\ b & a & 0 \end{vmatrix}$ 4. $\begin{vmatrix} a & -a & a \\ a & -a & -a \\ a & -a & -a \end{vmatrix}$ 5. $\begin{vmatrix} 2 & -3 & 1 \\ 6 & -6 & 2 \\ 2 & -1 & 2 \end{vmatrix}$

Вариант № 3

Вычислить определители.

1. $\begin{vmatrix} 1 & 8 & 4 \\ 3 & 7 & 0 \\ 4 & 1 & 8 \end{vmatrix}$ 2. $\begin{vmatrix} 1 & 3 & 8 \\ 0 & 6 & 4 \\ 8 & 6 & 8 \end{vmatrix}$ 3. $\begin{vmatrix} 5 & 7 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \\ 3 & 5 & -8 \end{vmatrix}$ 4. $\begin{vmatrix} -3 & 6 & 4 \\ 7 & 9 & 5 \\ 0 & 3 & -9 \end{vmatrix}$ 5. $\begin{vmatrix} 7 & 5 & -8 \\ 1 & 7 & 3 \\ 6 & 0 & 5 \end{vmatrix}$

Вариант № 4

Вычислить определители.

1. $\begin{vmatrix} 5 & 0 & 1 \\ 1 & 6 & 0 \\ 0 & 4 & 7 \end{vmatrix}$ 2. $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$ 3. $\begin{vmatrix} 6 & 4 & 9 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & 7 \end{vmatrix}$ 4. $\begin{vmatrix} 1 & 8 & 0 \\ 7 & 6 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \end{vmatrix}$ 5. $\begin{vmatrix} 7 & 3 & 0 \\ 5 & 0 & 2 \\ 9 & 6 & 3 \end{vmatrix}$

Вариант № 5

Найти определитель.

1. $\Delta = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 0 & -5 & 6 \\ -3 & 2 & -1 \end{vmatrix}$ 2. $\Delta = \begin{vmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 0 & 3 & 4 \end{vmatrix}$ 3. $\Delta = \begin{vmatrix} 0 & 5 & 1 \\ 2 & -3 & 4 \\ 1 & 0 & -2 \end{vmatrix}$ 4. $\Delta = \begin{vmatrix} 3 & 4 & -2 \\ -1 & 2 & 3 \\ 1 & 0 & 6 \end{vmatrix}$ 5. $\Delta = \begin{vmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & 3 \\ 4 & 2 & 0 \end{vmatrix}$

Вариант № 6

Вычислить определители.

$$1. \begin{vmatrix} 2 & 5 & 2 \\ 1 & 3 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{vmatrix} \quad 2. \begin{vmatrix} 3 & 7 & 4 \\ 6 & 3 & 0 \\ 1 & -8 & 9 \end{vmatrix} \quad 3. \begin{vmatrix} 5 & 3 & 1 \\ 4 & -2 & -3 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} \quad 4. \begin{vmatrix} 4 & 12 & 5 \\ 8 & 6 & 3 \\ 7 & 4 & 2 \end{vmatrix} \quad 5. \begin{vmatrix} 6 & 5 & 1 \\ 1 & -3 & 8 \\ 9 & 8 & 7 \end{vmatrix}$$

Вариант № 7

Вычислить определители.

$$1. \begin{vmatrix} 0.1 & 0.2 & 0.6 \\ 0.3 & 0.7 & 1.0 \\ 0.6 & 1.3 & 0.9 \end{vmatrix} \quad 2. \begin{vmatrix} 2 & 5 & 2 \\ 1 & 3 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{vmatrix} \quad 3. \begin{vmatrix} 4 & -5 & 7 \\ 1 & -4 & 9 \\ -4 & 0 & 5 \end{vmatrix} \quad 4. \begin{vmatrix} 0.3 & 0.0 & 0.4 \\ 0.5 & 0.1 & 0.7 \\ 0.8 & 0.3 & 0.6 \end{vmatrix} \quad 5. \begin{vmatrix} 4 & 12 & 5 \\ 8 & 6 & 3 \\ 7 & 4 & 2 \end{vmatrix}$$

Вариант № 8

Вычислить определители.

$$1. \begin{vmatrix} 5 & 1 & 6 \\ 1 & 6 & 5 \\ 3 & 0 & 9 \end{vmatrix} \quad 2. \begin{vmatrix} 1 & 6 & 5 \\ 3 & 0 & 9 \\ 5 & 1 & 6 \end{vmatrix} \quad 3. \begin{vmatrix} 2 & 1 & -2 \\ 1 & -1 & 3 \\ 3 & 1 & 1 \end{vmatrix} \quad 4. \begin{vmatrix} 0.5 & 1.0 & 0.0 \\ 0.4 & 0.3 & 0.4 \\ 0.2 & 0.1 & 0.7 \end{vmatrix} \quad 5. \begin{vmatrix} 3 & 2 & 6 \\ 4 & 9 & 1 \\ 5 & 4 & 5 \end{vmatrix}$$

Вариант № 9

Вычислить определители.

$$1. \begin{vmatrix} 2 & 4 & -5 \\ 2 & 4 & 3 \\ -3 & 4 & 7 \end{vmatrix} \quad 2. \begin{vmatrix} 2 & 4 & -5 \\ 4 & 3 & 3 \\ 5 & 18 & 4 \end{vmatrix} \quad 3. \begin{vmatrix} 2 & 7 & 3 \\ 3 & 9 & 4 \\ 1 & 5 & 5 \end{vmatrix} \quad 4. \begin{vmatrix} 3 & 2 & 6 \\ 3 & 4 & 1 \\ 8 & 4 & 5 \end{vmatrix} \quad 5. \begin{vmatrix} 3 & 4 & 6 \\ 7 & 8 & 1 \\ -3 & 4 & 7 \end{vmatrix}$$

Вариант № 10

Вычислить определители.

$$1. \begin{vmatrix} 3 & 4 & 6 \\ 7 & 8 & 1 \\ -3 & 4 & 7 \end{vmatrix} \quad 2. \begin{vmatrix} 8 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & -1 \\ 6 & 4 & 1 \end{vmatrix} \quad 3. \begin{vmatrix} 4 & 1 & 1 \\ 7 & 2 & 3 \\ 8 & 1 & 5 \end{vmatrix} \quad 4. \begin{vmatrix} 8 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 1 \\ 6 & 4 & -1 \end{vmatrix} \quad 5. \begin{vmatrix} 5 & 7 & 1 \\ 4 & 4 & -3 \\ 1 & 3 & 1 \end{vmatrix} \quad 6. \begin{vmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & -2 \\ 3 & 3 & 1 \end{vmatrix}$$

№ 2

Вычислить предел функции, используя свойства пределов, первый и второй замечательные пределы.

Вариант 1

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x^2 - 8x + 15}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x + 5}{3x - 6}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 17x}{\sin 12x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{7}{x} \right)^{\frac{x}{3}}.$$

Вариант 2

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 + x - 20}{x^2 - 16}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x + 6}{2x - 4}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 7x}{\sin 13x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{12}{x}\right)^{\frac{x}{4}}.$$

Вариант 3

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^2 - 49}{x^2 - 5x - 14}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 4}{2x - 6}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 9x}{\sin 4x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{15}{x}\right)^{\frac{x}{5}}.$$

Вариант 4

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 12x + 35}{x^2 - 25}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 1}{2x - 10}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 8x}{\sin 19x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{4}{x}\right)^{2x}.$$

Вариант 5

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 6} \frac{x^2 - 3x - 18}{x^2 - 36}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{2x-3}{3x-12}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\sin 14x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{10}{x}\right)^{3x}.$$

Вариант 6

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 9} \frac{x^2 - 81}{x^2 - 11x + 18}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 6} \frac{3x-5}{2x-12}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 19x}{\sin 3x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{14}{x}\right)^{2x}.$$

Задание Найти производную функции, аргументировать применение геометрического и физического смысла производной.

Вариант 1

1. Найти производную функции $y = \sin^6(4x^3 - 2)$.

2. Найти производную третьего порядка функции $y = 3x^4 + \cos 5x$.

3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = \frac{3}{x}$ в точке с абсциссой $x_0 = -1$, $x_0 = 1$.

4. Материальная точка движется по закону $x(t) = -\frac{1}{3}t^3 + 2t^2 + 5t$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Вариант 2

1. Найти производную функции $y = \cos^4(6x^2 + 9)$.

2. Найти производную третьего порядка функции $y = 2x^5 - \sin 3x$.

3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = 2x - x^2$ в точке с абсциссой $x_0 = 0$, $x_0 = 2$.

4. Материальная точка движется по закону $x(t) = t^3 - 4t^2$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Вариант 3

1. Найти производную функции $y = \lg^5(3x^4 - 13)$.

2. Найти производную третьего порядка функции $y = 4x^3 - e^{5x}$.

3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = x^2 + 1$ в точке с абсциссой $x_0 = 0$, $x_0 = 1$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = \frac{1}{4}t^4 + t^2$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Вариант 4

1. Найти производную функции $y = ctg^4(5x^3 + 6)$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 5x^4 - \cos 4x$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = x^3 - 1$ в точке с абсциссой $x_0 = -1$, $x_0 = 2$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = t^4 - 2t$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Вариант 5

1. Найти производную функции $y = \arcsin^3 7x^2$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 4x^4 + \sin 2x$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = tgx$ в точке с абсциссой $x_0 = \frac{\pi}{4}$, $x_0 = \frac{\pi}{3}$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = 2t^3 - 8$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Вариант 6

1. Найти производную функции $y = arctg^6 5x^4$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 6x^5 + e^{4x}$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = 1 + \cos x$ в точке с абсциссой $x_0 = 0$, $x_0 = \frac{\pi}{2}$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = t^4 + 2t$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Найти интеграл

Табличный метод

- 1 $\int (2 - 3e^x + x) dx$
- 2 $\int (3x^5 - \cos x - 1) dx$
- 3 $\int (7x^6 - \sin x + 3) dx$
- 4 $\int (7 - \frac{1}{2\cos^2 x} - x^2) dx$
- 5 $\int (x^4 - \frac{1}{2x}) dx$
- 6 $\int (5 - \frac{3}{\cos^2 x} + 2x^3) dx$
- 7 $\int 2 - \frac{1}{3} + \frac{5}{1+x^2} dx$
- 8 $\int (5x^4 - \frac{1}{3x} - 4) dx$
- 9 $\int 2 - \frac{x}{4} + \frac{5}{x} dx$
- 10 $\int (10x^4 - \frac{1}{2} - 2) dx$
- 11 $\int 3\sin x + 4x^3 - 1) dx$
- 12 $\int (10x^4 - \frac{1}{2} - 2) dx$
- 13 $\int (3x^5 - \cos x - 1) dx$
- 14 $\int (\frac{3}{5\cos^2 x} - \frac{x}{2} + \frac{2}{x}) dx$
- 15 $\int (x^7 - 3\sin x + 2) dx$
- 16 $\int (9x^8 - 3e^x + 5) dx$

Используйте правила дифференцирования сложной функции, таблицу дифференцирования.

№ Варианта	Найти производные	№ варианта	Найти производные
1	а) $f(x) = \cos^2 x$ б) $f(x) = \ln^2 \sin x$ в) $f(x) = \cos x + \sin^2 x$ г) $f(x) = \ln \operatorname{ctg} x$ д) $f(y) = e^{\cos 2y}$	12	а) $y = 2^{\cos x} \arctg x$ б) $y = 4^{-\sin x} \arctg 3x$ в) $y = \sqrt{3 - 7x + x^2} + \frac{(x^2+1)'}{x-7}$ г) $y = \sqrt{1 + 5x - 2x^2} + \frac{3x+7}{(x-1)^3}$ д) $y = (\arcsin 7x)^3$
2	а) $f(x) = \sin^2 x$ б) $f(x) = \ln \cos^2 x$ в) $f(x) = \sin^2 t - \cos^2 x$ г) $f(z) = \ln \operatorname{tg} 2x$ д) $f(x) = e^{\sin x}$	13	а) $y = \ln^5 \cos 7x$ б) $y = (5x + 1) * \sin 2x$ в) $y = \ln(x^2 - 3x)$ г) $y = \frac{x^3-4}{\cos x}$ д) $y = \arctg 8x$
3	а) $f(z) = \ln \sin^2 x 4z$ б) $f(x) = \cos^2 x^2$ в) $f(x) = 2\sin^2 x - \cos x$ г) $\varphi(x) = e^{\sin 2x} - 3e^{\cos 2x}$ д) $f(e) = \operatorname{tg}^2 3y$	14	а) $y = \ln^7 \sin 8x$ б) $y = (2x - 3) * (x^3 + 5)$ в) $y = \frac{x^2+1}{\operatorname{tg} x}$ г) $y = \cos 4x - \sin 5x$ д) $y = \arccos 3x$
4	а) $f(t) = \ln \sqrt{\cos^2 2t}$ б) $f(x) = e^{\cos 2x}$ в) $f(x) = \sin^4 x + \cos^4 x$ г) $f(x) = e^{\sin 2x} - 2e^{\sin 2x}$ д) $f(x) = \ln \operatorname{tg}^2 x$	15	а) $y = \ln \operatorname{tg} 3x$ б) $y = 4\sin^3 x$ в) $y = (2x^4 + 1) * \operatorname{tg} 2x$ г) $y = \operatorname{arccotg} 4x$ д) $y = \frac{5x+1}{\sin x}$
5	а) $f(x) = \ln \operatorname{tg}^2 2x$	16	а) $y = \log_5(x + 1) \arctg^2 x$

	б) $f(x) = \cos^3$ в) $f(z) = \sin^4 z - \cos^4 z$ г) $f(z) = e^{\sin z} - e^{\cos z}$ д) $f(e) = \ln \sqrt{\sin x}$		б) $y = \ln(x^2 - 3x) \arctg 7x$ в) $y = \sqrt{3x^2 - 5x + 7} + \frac{x^2 + 4}{x - 1}$ г) $y = \sqrt[3]{(x - 7)^5} + \frac{x^2 + 1}{x^3 - 7}$ д) $y = (\cos x)^3$
6	а) $f(z) = \ln \cos^2 x 4z$ б) $f(t) = 4 \cos^2 t$ в) $f(x) = 4 \sin^5 2t$ г) $f(z) = e^{\sin 2x} + e^{\cos z}$ д) $f(y) = \ln \operatorname{tg}^2 3y$	17	а) $y = \ln \sqrt{\cos x}$ б) $y = \arcsin 5x$ в) $y = e^{7x}$ г) $y = \frac{x^2 + 1}{\operatorname{tg} 3x}$ д) $y = (5x + 1) * e^x$
7	а) $f(x) = \ln \sqrt{\sin 2x}$ б) $\varphi(t) = \cos^4 3t$ в) $f(z) = \ln \sqrt{\operatorname{tg} 3z}$ г) $f(x) = \arcsin 4x + e^{3x}$ д) $f(x) = 5 \arccos \sqrt{x}$	18	а) $y = 2^{\cos x} \arctg x$ б) $y = 4^{\sin x} \arctg 3x$ в) $y = \sqrt{3 - 7x + x^2} + \frac{(x^2 + 1)'}{x - 7}$ г) $y = \sqrt{1 + 5x - 2x^2} + \frac{3x + 7}{(x - 1)^3}$ д) $y = (\arctg x)^3$
8	а) $y = \log_5(x + 7) \operatorname{tg}^2 7x$ б) $y = 3^{-\operatorname{tg} x} \ln(x^2 + 3x + 1)$ в) $y = \sqrt[3]{3x^4 + 2x - 5} - \frac{x^2}{(x - 1)^2}$ г) $y = \sqrt[3]{(-3x^2)^4} - \frac{2x}{2x^2 + x + 1}$ д) $y = (\sin x)^2$	19	а) $y = 2^{-x} * \arctg^3 4x$ б) $y = \log_2(x + 7) * \arcsin^2 x$ в) $y = \sqrt{x^5 + 3x - 1} - \frac{8x + 1}{(x - 5)^3}$ г) $y = \sqrt[4]{5x^2 - 4x + 1} + \frac{2x - 3}{(x - 5)^2}$ д) $y = (\ln x)^5$
9	а) $y = 5^{\cos x} \arctg^3 x$ б) $y = \log_2(x^2 + 1) \arcsin 7x$ в) $y = \sqrt{(x - 4)^3} + \frac{2x + 3}{x^2 + 3x + 1}$ г) $y = \sqrt[5]{x^2 + 7x + 1} + \frac{2x^3}{(x - 1)^2}$ д) $y = (\operatorname{tg} x)^{10}$	20	а) $y = 5^{\cos x} \arctg^3 x$ б) $y = \log_2(x^2 + 1) \arcsin 7x$ в) $y = \sqrt{(x - 4)^3} + \frac{2x + 3}{x^2 + 3x + 1}$ г) $y = \sqrt[5]{x^2 + 7x + 1} + \frac{2x^3}{(x - 1)^2}$ д) $y = (\cos x)^8$
10	а) $y = \log_5(x + 1) \arctg^2 x$ б) $y = \ln(x^2 - 3x) \arctg 7x$ в) $y = \sqrt{3x^3 - 5x + 7} + \frac{x^2 + 4}{x - 1}$ г) $y = \sqrt[3]{(x - 7)^5} + \frac{x^2 + 1}{x^3 - 7}$ д) $y = (\operatorname{tg} x)^5$	21	а) $y = \log_5(x + 7) * \operatorname{tg}^2 7x$ б) $y = 3^{-\operatorname{tg} x} * \ln(x^2 + 3x + 1)$ в) $y = \sqrt[3]{3x^4 + 2x - 5} - \frac{x^2}{(x - 1)^2}$ г) $y = \sqrt[3]{(-3x^2)^4} - \frac{2x}{2x^2 + x + 1}$ д) $y = (\sin x)^2$

Самостоятельные работы

Вариант 1.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

а) $f(x) = \sin 4x - \cos 4x$ б) $f(x) = \operatorname{tg}(x + 5)$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$y = \operatorname{ctg} x$ в точке с абсциссой $x = -\frac{\pi}{4}$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$y = \sin x + 1$ в точке $(\frac{\pi}{2}; 2)$

4. Решить задачу:

Найдите скорость и ускорение в указанные моменты времени для точки, движущейся прямолинейно, если движение точки задано уравнением:

$$S = t^2 + 11t + 30, t = 3$$

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = x + \cos x$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = 2x^4 - x$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{3}x^3$
 $x \in [1; 3]$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой $y = x^4 + x^3$

Вариант 2.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

$$a) f(x) = \sin 4x - \cos 4x \quad б) f(x) = \operatorname{ctg}(x + 1)$$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$$y = \operatorname{tg} 2x \text{ в точке с абсциссой } x = -\frac{\pi}{8}$$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$$y = \sin x + 1 \text{ в точке } \left(\frac{\pi}{2}; 0\right)$$

4. Решить задачу:

Найдите скорость и ускорение в указанные моменты времени для точки, движущейся прямолинейно, если движение точки задано уравнением:

$$v = t^2 + t - 1, t = 3$$

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = x^4 - 4x - 6$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = \frac{1}{3}x^3 - 4x$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = 6x^2 - x^3$
 $x \in [-1; 6]$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой

$$y = x^3 - 1$$

Вариант 3.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

$$a) f(x) = \sin 3x - \cos 3x \quad б) f(x) = \operatorname{tg}(x + 4)$$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$$y = \operatorname{ctg} 2x \text{ в точке с абсциссой } x = -\frac{\pi}{8}$$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$y = \cos x + 1$ в точке $(\pi; 0)$

4. Решить задачу:

Найдите скорость и ускорение в указанные моменты времени для точки, движущейся прямолинейно, если движение точки задано уравнением:

$$v = t^2 + 5t + 1, t = 3$$

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = x^3 - 3x^2 + 1$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = -x^2 + 2x + 3$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = x^2 - 4x + 3$

$$x \in [0; 3]$$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой

$$y = \frac{1}{3}x^3 - 3x^2 + 8x - 4$$

Вариант 4.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

а) $f(x) = \sin 4x - \cos 4x$ б) $f(x) = \operatorname{tg}(x + 5)$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$$y = \operatorname{ctg} x \text{ в точке с абсциссой } x = \frac{\pi}{4}$$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$$y = \sin x + 1 \text{ в точке } \left(\frac{\pi}{2}; 2\right)$$

4. Решить задачу:

Точка движется прямолинейно по закону $s = t^2 - 8t + 4$

В какой момент времени скорость точки окажется равной нулю?

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 15$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = \frac{1}{2}x^4$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 35$

$$x \in [-4; 4]$$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой

$$y = x^4 - 10x^3 + 36x^2 - 100$$

Вариант 5.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

а) $f(x) = \sin 4x - \cos 4x$ б) $f(x) = \operatorname{ctg}(x + 1)$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$y = \operatorname{tg} 2x$ в точке с абсциссой $x = -\frac{\pi}{8}$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$y = \sin x + 1$ в точке $(\frac{\pi}{2}; 0)$

4. Решить задачу:

Температура тела T изменяется в зависимости от времени t по закону

$$T = 0.5t^2 - 2t$$

С какой скоростью нагревается это тело в момент времени $t=5$?

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = x^3 - 3x^2 + 1$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = x^3 - 3x$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = -x^3 + 9x^2 - 24x + 10$ $x \in [0; 3]$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой

$$y = 6x^2 - x^3$$

Вариант 6.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

а) $f(x) = \sin 3x + \cos 3x$ б) $f(x) = 2\operatorname{tg}(2x - 5)$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$y = \operatorname{ctg} 3x$ в точке с абсциссой $x = -\frac{\pi}{12}$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$y = -\cos x + 1$ в точке $(\frac{\pi}{2}; 1)$

4. Решить задачу:

Тело массой 100 кг движется прямолинейно по закону $s = 5t^2 - 2$

Найдите кинетическую энергию через 2с после начала движения.

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = x^3 - 3x^2 + 7$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = x^2 + 3x$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = -x^2 + x + 6$ $x \in [-2; 3]$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой

$$y = x^3 + x^2 - 2$$

Вариант 7.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

а) $y = \ln \cos x$ б) $y = x^2 * \sin x$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$f(x) = x^3 - 2x + 1$ в точке с абсциссой $x_0 = 1$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$f(x) = 2x^3 - 3x + 1$ в точке абсциссой $x_0 = 1$

4. Решить задачу:

Изменение силы тока I в зависимости от времени t дано уравнением

$I = 2t^2 - 5t$ (I - в амперах, t - в секундах)

Найдите скорость изменения силы тока в конце 10-й секунды.

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = -x^2 + 4x + 1$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = \frac{1}{3}x^3 - x^2$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = x^4 + 3x^2 - 4$ $x \in [1; 4]$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой

$$y = x^2 + 3x - 1$$

Вариант 8.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:

а) $y = x * e^x$ б) $y = \ln 3x$

2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:

$f(x) = x^3 + 1$ в точке с абсциссой $x^0 = -1$

3. Напишите уравнение касательной к графику функции:

$f(x) = x^3 + 4x$ в точке абсциссой $x_0 = 2$

4. Решить задачу:

Тело движется прямолинейно по закону $s(t) = \frac{1}{4}t^4 - 4t^3 + 16t^2$

(s - метрах, t - в секундах).

Определите, в какие моменты времени тело было в начальном пункте.

5. Найти промежутки монотонности функции

$$y = -\frac{1}{4}x^4 - x + 1$$

6. Найти точки экстремума функции

$$y = -4x^3 + 3x^2 + 36x + 5$$

7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x + 4$
 $x \in [0; 5]$

8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой

$$y = x^4 - 2x^3 + 6x - 4$$

Устный опрос.

а) Сформулировать правила дифференцирования и записать производные основных элементарных функций:

2. $(kx + b)' =$	$(\operatorname{tg} x)' =$	4. $(a^x)' =$	
$(\operatorname{ctg} x)' =$	6. $(\arcsin x)' =$	$)' =$	8. $(\operatorname{arctg} x)' =$
9. $(\log_a x)' =$	:	12. $(\cos x)' =$	

2.2.1 Вопросы для подготовки к дифференцированному зачету по дисциплине СОО.02.02 Математика для обучающихся специальности

43.02.17 «Технологии индустрии красоты».

1. Матрицы. Виды матриц. Действия над матрицами. Определители. Определители квадратных матриц и их свойства.
2. Матричный способ решения систем n – линейных уравнений с n -переменными.
3. Система линейных уравнений. Общая теория систем линейных алгебраических уравнений.
4. Метод Гаусса. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
5. Формулы Крамера. Решение систем линейных алгебраических уравнений по формулам Крамера.
6. Алгебраическая, показательная и тригонометрическая формы комплексного числа.
7. Действия с комплексными числами в алгебраической и показательной форме.
8. Арифметические действия с комплексными числами.
9. Непрерывность функции. Точки разрыва. Асимптоты.
10. Производная функции. Основные понятия дифференциального исчисления. Правила дифференцирования.
11. Производная функции. Физический и геометрический смысл производной.
12. Алгоритм исследования функции с помощью производной и построение ее графика.
13. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенных интегралов.
14. Интегрирование методом подстановки и по частям.
15. Дифференциальные уравнения. Решение дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными.
16. Определенный интеграл. Свойства определенного интеграла.
17. Определенный интеграл. Свойства и методы вычисления определенного интеграла.
18. Определенный интеграл. Физический и геометрический смысл определенного интеграла.
19. Вероятность события. Случайное событие. Классическое определение вероятности события.

20. Вероятность события. Классическое определение вероятности события. Правило сложения и умножения вероятности.
21. Случайная величина, ее функция распределения.
22. Дискретная и непрерывная случайная величина и ее характеристики. Закон распределения случайной величины.
23. Комбинаторика. Правило сложения и умножения. Размещения. Перестановки. Сочетания.

Задания практической части

Вариант 1.

1. Найдите производную $f'(x)$ если:
 - а) $f(x) = \sin 4x - \cos 4x$
 - б) $f(x) = \operatorname{tg}(x + 5)$
2. Найдите тангенс угла наклона касательной к графику функций:
 $y = \operatorname{ctg} x$ в точке с абсциссой $x^0 = \frac{\pi}{4}$
2. Напишите уравнение касательной к графику функции:
 $y = \sin x + 1$ в точке $(\frac{\pi}{2}; 2)$
3. Решить задачу:
 Найдите скорость и ускорение в указанные моменты времени для точки, движущейся прямолинейно, если движение точки задано уравнением:
 $S = t^3 + 5t^2 + 4, t = 2$
5. Найти промежутки монотонности функции $y = x^3 - 16x$
6. Найти точки экстремума функции $y = x^3 - 9x^2 + 24x - 12$
7. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = x^2 - 6x + 13$
 $x \in [0; 6]$
8. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости кривой $y = x^3 - x$
9. Найти матрицу $C = A + 3B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}.$
10. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.
11. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.
12. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.
13. В коробке имеется 10 хороших деталей и 5 бракованных. Наудачу из коробки извлекается одна деталь. Найти вероятность наступления события A – извлеченная деталь – хорошая.
14. Одновременно бросаются три монеты. Найти вероятность того, что на двух из них выпадет “орел”.
15. В коробке 6 белых шаров и 8 красных. Наудачу одновременно извлекаются 3 шара. Найти вероятность, того, что среди них будут:
 - а) два белых шара;
 - б) не менее одного белого.

17. Два стрелка одновременно выстреливают в мишень. Вероятность попадания для первого стрелка равна 0,6, для второго – 0,8. Найти вероятность того, что в мишени будет:

- а) одна пробоина;
- б) хотя бы одна пробоина.

Критерии оценки:

- 5 баллов – 95% правильных ответов
- 4 балла – 90% правильных ответов
- 3 балла – 80% правильных ответов
- 0 баллов – менее 80% правильных ответов

Критерии выставления оценок за проверочные тесты

Критерии выставления оценок за тест, состоящий из 10 вопросов.

Время выполнения работы: 10-15 мин.

Оценка «5» - 10 правильных ответов, **«4»** - 7-9, **«3»** - 5-6, **«2»** - менее 5 правильных ответов.

Критерии выставления оценок за тест, состоящий из 20 вопросов.

Время выполнения работы: 30-40 мин.

Оценка «5» - 18-20 правильных ответов, **«4»** - 14-17, **«3»** - 10-13, **«2»** - менее 10 правильных ответов.

Оценка умений работать с картой и другими источниками географических знаний

Отметка «5» - правильный, полный отбор источников знаний, рациональное их использование в определенной последовательности; соблюдение логики в описании или характеристике географических территорий или объектов; самостоятельное выполнение и формулирование выводов на основе практической деятельности; аккуратное оформление результатов работы.

Отметка «4» - правильный и полный отбор источников знаний, допускаются неточности в использовании карт и других источников знаний, в оформлении результатов.

Отметка «3» - правильное использование основных источников знаний; допускаются неточности в формулировке выводов; неаккуратное оформление результатов.

Отметка «2» - неумение отбирать и использовать основные источники знаний; допускаются существенные ошибки в выполнении задания и в оформлении результатов, полное неумение использовать карту и источники знаний.

3.Список информационных источников

Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет–ресурсов, дополнительной литературы:

Основная литература:

1. Баврин, И. И. Математика: учебник и практикум для среднего профессионального образования / И. И. Баврин. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 616 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-15118-3. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode>
2. Богомолов, Н. В. Математика: учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 401 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-07878-7. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/511565>
3. Кремер, Н. Ш. Математика для колледжей: учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. Ш. Кремер, О. Г. Константинова, М. Н. Фридман; под редакцией Н. Ш. Кремера. — 11-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 362 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-15601-0. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/>

Дополнительная литература:

1. Башмаков, М. И., Математика. Практикум: учебно-практическое пособие / М. И. Башмаков, С. Б. Энтина. — Москва: КноРус, 2023. — 294 с. — ISBN 978-5-406-10588-7. — URL: <https://book.ru/book/945228>
2. Богомолов, Н. В. Математика. Задачи с решениями в 2 ч. Часть 1: учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 439 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-09108-3. — Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/470790>
3. Богомолов, Н. В. Математика. Задачи с решениями в 2 ч. Часть 2: учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 320 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-09135-9. — Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/470791>
4. Гисин, В. Б. Математика. Практикум: учебное пособие для среднего профессионального образования / В. Б. Гисин, Н. Ш. Кремер. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 202 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-9916-8846-8. — Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/471477>
5. Математика. Практикум: учебное пособие для среднего профессионального образования / О. В. Татарников [и др.]; под общей редакцией О. В. Татарникова. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 285 с. —

